

Computer Organization

Lecture - 6 -

Computer Science Dept.

Instructor: Marthed Hussein



ALU

❖ Digital Multiplier

A multiplier is a combinational logic circuit that we use to multiply binary digits. Just like the adder and the subtractor, a multiplier is an arithmetic combinational logic circuit. It is also known as a binary multiplier or a digital multiplier.

ALU

❖ Digital Multiplier

الضارب الرقمي

الضارب هو دارة منطقية توافقية تُستخدم لضرب الأرقام الثنائية. تمامًا مثل المُجمع Adder والمُطرح Subtractor، يُعتبر المضاعف دارة منطقية حسابية توافقية.

ALU

❖ How does binary multiplication work and how to design a 2-bit multiplier?

Binary multiplication works just like normal multiplication. There are four main rules that are quite simple to understand:

$$0 \times 0 = 0$$

$$0 \times 1 = 0$$

$$1 \times 0 = 0$$

$$1 \times 1 = 1$$

ALU

❖ كيف تعمل عملية الضرب الثنائي وكيف يمكن تصميم ضارب ثنائي مكون من 2 بت؟

❖ تعمل عملية الضرب الثنائي تمامًا مثل الضرب العادي. هناك أربع قواعد رئيسية بسيطة الفهم:

$$0 \times 0 = 0$$

$$0 \times 1 = 0$$

$$1 \times 0 = 0$$

$$1 \times 1 = 1$$

ALU

❖ **How does binary multiplication work and how to design a 2-bit multiplier?**

Suppose you have two binary digits A_1A_0 and B_1B_0 ,

$$\begin{array}{r}
 \begin{array}{cc} A_1 & A_0 \\ B_1 & B_0 \end{array} \\
 \hline
 \begin{array}{ccc} & A_1B_0 & A_0B_0 \\ A_1B_1 & A_0B_1 & X \end{array} \\
 \hline
 A_1B_1+C & A_0B_1+A_1B_0 & A_0B_0
 \end{array}$$

ALU

❖ كيف تعمل عملية الضرب الثنائي وكيف يمكن تصميم ضارب ثنائي مكون من 2 بت؟
 ❖ A_1A_0 and B_1B_0 ,

$$\begin{array}{r}
 \begin{array}{cc}
 A_1 & A_0 \\
 B_1 & B_0
 \end{array} \\
 \hline
 \begin{array}{ccc}
 & A_1B_0 & A_0B_0 \\
 A_1B_1 & A_0B_1 & X
 \end{array} \\
 \hline
 A_1B_1+C & A_0B_1+A_1B_0 & A_0B_0
 \end{array}$$

ALU

❖ **How does binary multiplication work and how to design a 2-bit multiplier?**

Based on the above equation, we can see that we need **four AND gates and two half adders** to design the combinational circuit for the multiplier. The AND gates will perform the multiplication, and the half adders will add the partial product terms

ALU

❖ كيف تعمل عملية الضرب الثنائي وكيف يمكن تصميم ضارب ثنائي مكون من 2 بت؟

بناءً على المعادلة أعلاه، يمكننا أن نرى أننا نحتاج

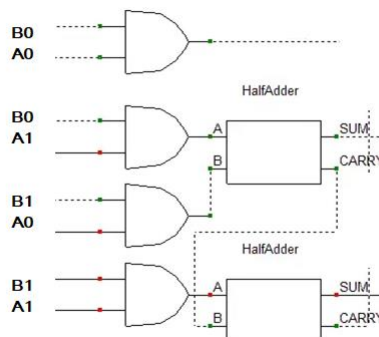
4 AND

2 Half Adders

لتصميم الدارة التوافقية للمضاعف. ستقوم بوابات بتنفيذ عملية الضرب، بينما ستجمع المجمعات النصفية الحدود الجزئية للنتائج.

ALU

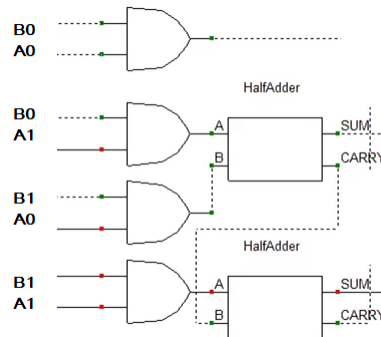
❖ How does binary multiplication work and how to design a 2-bit multiplier?



ALU

❖ **Example 1: Design logic circuit to multiply the following 2-bit (A=10, B=11)**
 (A0=0, A1=1, B0=1, B1=1)

$$\begin{array}{r}
 10 \\
 11 \times \\
 \hline
 10 \\
 10 + \\
 \hline
 110
 \end{array}$$



ALU

Design a 3-bit multiplier

عند ضرب هذين $A2A1A0$ و $B2B1B0$ لناخذ رقمين ثنائيين عامين مكونين من 3 بت:
 الرقمين ببعضهما باستخدام القواعد القياسية للحساب الثنائي، نحصل على المعادلة التالية.

			$A2$	$A1$	$A0$	
			$B2$	$B1$	$B0$	
			$A2B0$	$A1B0$	$A0B0$	
		$A2B1$	$A1B1$	$A0B1$		
	$A2B2$	$A1B2$	$A0B2$			
$P5$	$P4$	$P3$	$P2$	$P1$	$P0$	

ALU

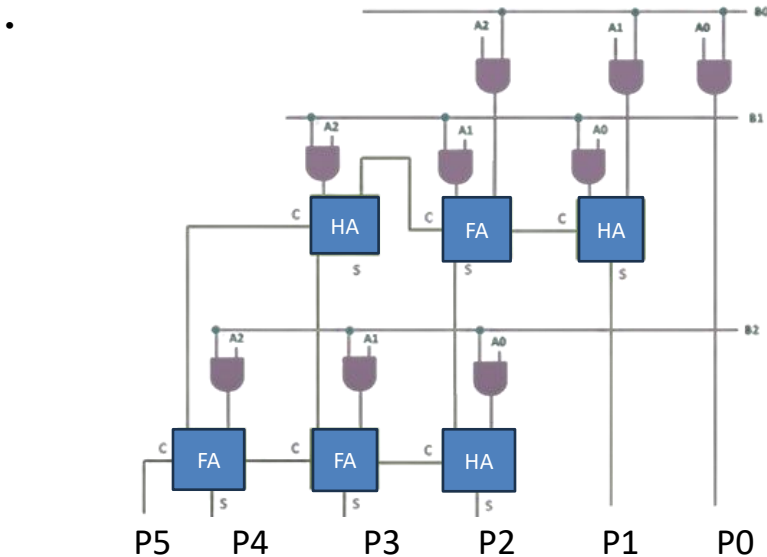
Design a 3-bit multiplier

The circuit contains

nine AND gates, three half adders, and three full adders.

$$\begin{array}{r}
 \begin{array}{r}
 A2 \quad A1 \quad A0 \\
 B2 \quad B1 \quad B0 \\
 \hline
 A2B0 \quad A1B0 \quad A0B0 \\
 A2B1 \quad A1B1 \quad A0B1 \\
 A2B2 \quad A1B2 \quad A0B2 \\
 \hline
 P5 \quad P4 \quad P3 \quad P2 \quad P1 \quad P0
 \end{array}
 \end{array}$$

Design a 3-bit multiplier



Control Unit

❖ Functions of Control Unit

1- Sequencing:

Causing the CPU to step through a series of micro-operations

2- Execution:

Causing the performance of each micro-operations.

- This is done using Control Signals

Types of Micro-operation:

- Transfer data between registers.
- Transfer data from register to external.
- Transfer data from external to register.
- Perform arithmetic or logical operation.

Control Unit

❖ وظائف وحدة التحكم:

1- التسلسل (Sequencing)

جعل وحدة المعالجة المركزية (CPU) تنفذ سلسلة من العمليات الدقيقة (Micro-operations).

2- التنفيذ (Execution)

- تنفيذ كل عملية دقيقة (Micro-operation).
- يتم ذلك باستخدام إشارات التحكم (Control Signals).

أنواع العمليات الدقيقة (Micro-operations)

- نقل البيانات بين المسجلات (Registers).
- نقل البيانات من المسجل إلى وحدة خارجية.
- نقل البيانات من وحدة خارجية إلى المسجل.
- تنفيذ العمليات الحسابية أو المنطقية.